

# Eggert Briem

## Stórafmæli



# Fæðingar- og skírnarvottord

Eggert

er fædd uv 10. sept 1941 á Bavoussstig 27  
i Hallgríms- sókn

skírd uv 2. sept 1942

Foreldrar Svevvir Bríemur Kaupmaður  
eg Kona hans María Bríemur  
Bavoussstig 27

Samhljóða prestsþónustubók Isl prestakalls

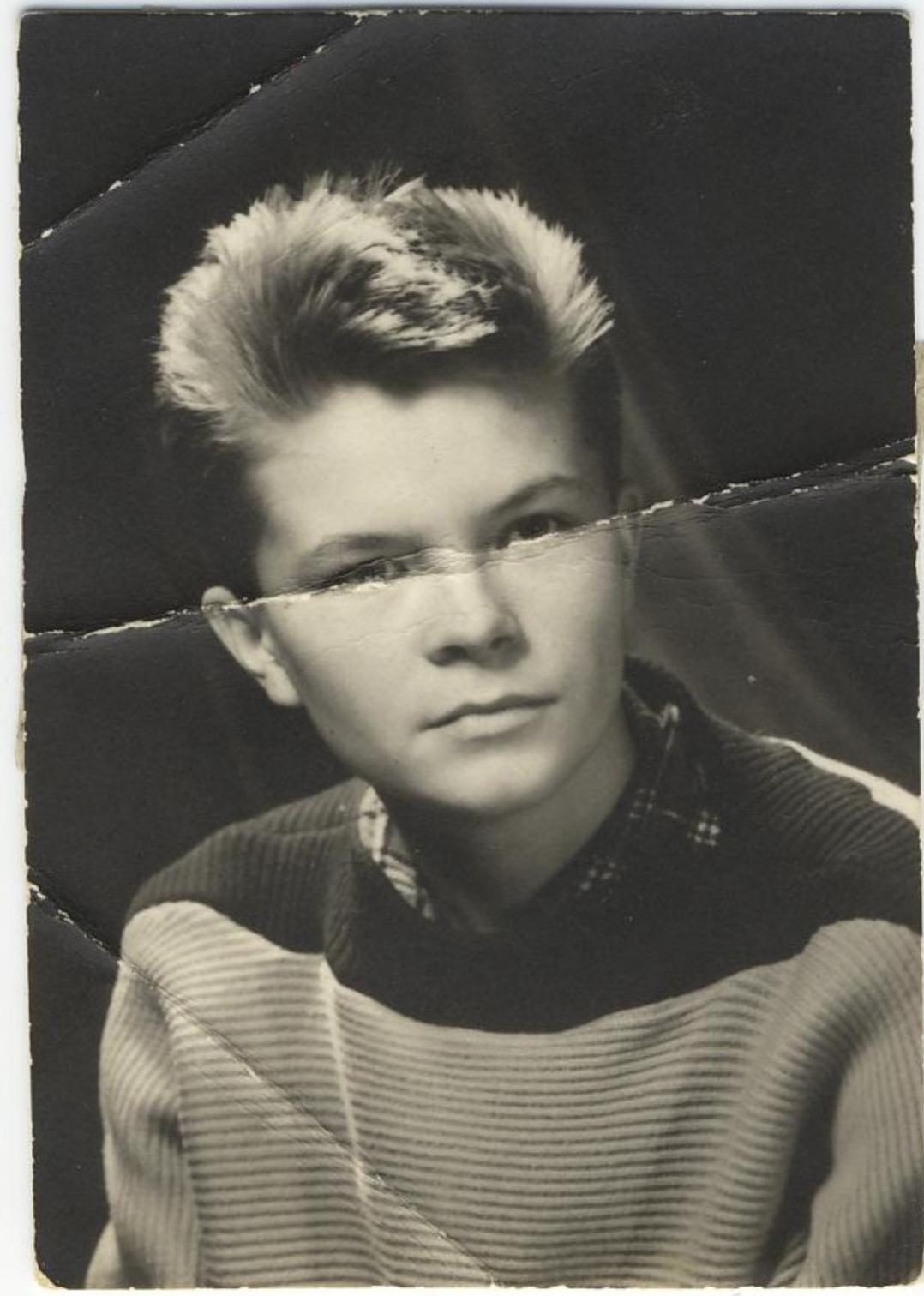
21. júni 1957  
Jón Þórvareysson  
sóknarprestur.



















## Restrictions of Subspaces of $C(X)$

EGGERT BRIEM (Aarhus)

### Introduction

In [3] Gamelin proved that if  $X$  is a compact Hausdorff space and if  $B$  is a closed subspace of  $C(X)$ , then a closed subset  $F$  of  $X$  is a peak extension set for  $B$  (see Definition 3) if and only if the restriction to  $F$  of every measure in  $B^\perp$  also belongs to  $B^{\perp,1}$ .

Jan-Erik Björk has asserted that if  $X$  is metrizable, if  $B$  is a closed subspace of  $C_R(X)$  and if  $F$  is a closed subset of  $X$  contained in the Choquet boundary of  $B$ , then any real continuous function on  $F$ , which is the restriction of a function in  $B$ , can be extended to  $X$  as a function in  $B$  with *no increase in norm* if the following condition is satisfied:

The restriction to  $F$  of any measure in  $B^\perp$  which is “supported” on the Choquet boundary also belongs to  $B^{\perp,1}$ .

However, Björk’s proof of this result is incomplete. In this note the author proves the assertion in *the complex case*. The case when  $B$  is an algebra is discussed and at the end of the note some conditions on  $F$ , which ensure that  $F$  is intersection of the Choquet boundary and a peak set, are studied.

In the real case Björk’s result has been proved by Tage Bai Andersen in [2]. We remark that if  $F$  satisfies Björk’s condition then  $\overline{\text{co}} F$ , the closed convex hull of  $F$  in the state space of  $B$ , is a split face ([1]).

### Notations

If  $X$  is a compact metric Hausdorff space we shall use the following symbols:

$C(X)$  ( $C_R(X)$ ): The Banach space of all complex (real) continuous functions on  $X$ , with norm

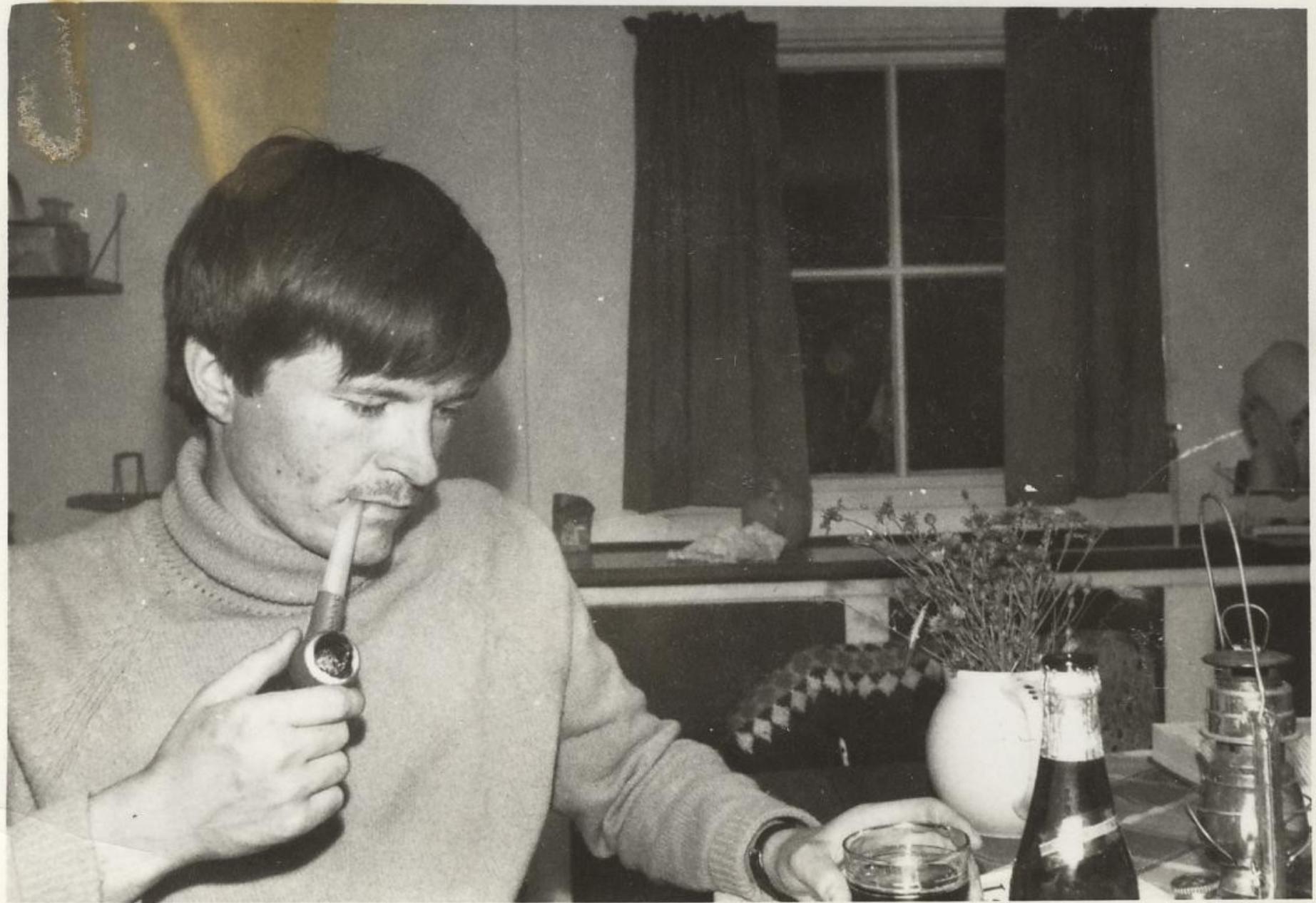
$$\|f\| = \sup_{x \in X} |f(x)| \text{ where } f \in C(X) \text{ (or } C_R(X)\text{).}$$

$M(X)$ : The space of all bounded regular measures on  $X$ .

$|m|$ : The total variation of  $m$ , for  $m$  in  $M(X)$ .

---

<sup>1</sup> In the case when  $B$  is an algebra this was originally proved by Glicksberg in [6].











Þrír úr stjórn Visindafélagsins, talið frá vinstri: Eggert Briem féhirðir, Unnsteinn Stefánsson forseti og Guðmundur Eggertsson varaforseti.

Morgunblaðið/Árni Sæberg

### Vísindafélag Íslendinga:

# Ráðstefna um vanda íslenskrar tungu

Á MORGUN, laugardaginn 12. apríl, gengst Vísindafélag Íslendinga fyrir ráðstefnu um vanda íslenskrar tungu á vorum dögum. Ráðstefnan verður haldin í Norræna húsinu og hefst kl. 9 að morgni og stendur fram eftir degi.

En hvers konar félagskapur er Vísindafélag Íslendinga? Fyrir svörum verður Unnsteinn Stefánsson prófessor forseti félagsins.

„Eins og fram kemur í lögum félagsins, er markmið þess að efla vísindi og vísindastarfsemi og það leitast við að ná þessu markmiðið eftir ýmsum leidum. Mánaðarlega á hverjum vetrustofnari Visindafélagið til freðslufunda þar sem freðimáður er fenginn til að kynna rannsóknir sinar.

Pá hefur félagið annast útgáfu á greinum og ritgerðum margu undanfarna áratugi. Einkum hefur verið fengist við útgáfu viðameiri vísindarita og má þau nefna ýmsar doktorsritgerðir, t.d. doktorsritgerð Braga Árnasonar prófessors um rannsóknir á þungu vetrni til aldursgreiningar á heita vatnini í Reykjavík og viðar, doktorsrit Guðmundar Pálmasonar jarðfræðings um jarðeðlisfræði landsins og doktorsritgerð Páls Ímsland um jarðfræði Jan Mayen.

Einnig er gert ráð fyrir því í lögum félagsins, að það geti verið þáttakandi í ráðstefnum og umræðumfundum um tiltekin efni, en sá þáttur hefur varla verið nánú gildur í starfseminni. Stjórnin hefur áhuga á að bæta úr því

og hefur verið rætt um eina sílka rannsóknir á ári,“ segir Unnsteinn.

— Er ráðstefnan á morgun liður í þeiri viðleitni?

„Já, og að þessu sinni völdum við efnid vanda íslenskrar tungu á vorum dögum og teljum það með verðugri verkefnum sem fundin verða til umfjöllunar á síkri ráðstefnu. Höfuðmarkmiðið með ráðstefnumi er að velja athygli á og ræða hann vanda, sem íslensk tunga á við að etja í tæknivæddu þjóðfélagi, þar sem áhrif innlendra og erlendra fjölmöld, auglýsinga og skemmtlefins í sekkjum að úr öllum áttum og fara ót vaxandi.

Það hefur verið tölverð umræða að undanfórum um móðurmálskennslu og málstefnu, en því fer fjarri að of mikil, sé að gert. Hér verður fjallad um vanda tungunnar í viðara samhengi; rætt um það hlutverk kennara og upplenda að örva málþroska og málsmekk barona og markmið og aðferðir móðurmálskennslu á ýmsum skólastigum; fjallad um íslensku tungu sem tæki til listskópunar í bundnu og óbundnu málí, vanda þýðanda sem snúa erlendum bókmennum á íslensku, móguleika fréttamanna að koma daglegum fréttum í fjölmöldá á

vönduðu íslensku málí og vanda auglýsanda að semja auglýsingar á lýtausri íslensku. Þá munu sérfræðingar þinga um mólrannsóknir, hagnýtingu þeirra, kynningu á bókmennum fyrr alda, nýrráðasmíð, nafngifir og fleira.

Til þess að ráðstefnan megi fara sem best fram og verða að sem mestu gagni, höfum við fengið hina færstu fræðimenn, rit höfunda og aðra til að fylja þar erindi. Fyrirlesararnir eru alls fjörtán: Höskuldur Þráinsson prófessor, Baldur Jónsson prófessor, Gyða Sigvaldadóttir fóstra, Guðmundur B. Kristmundsson grunnskólkennari, Þórhallur Guttormsson framhaldsskólkennari, Indriði Gíslason lektor, Margrét Jónsdóttir fréttamaður, Kristín Þorkelsdóttir auglýsingateiknari, Þórarinn Eldjárn skáld, Helgi Hálfdanarson þýðandi, Ólafur Halldórsson handritafræðingur, Halldór Halldórsson prófessor, Guðrún Kvaran orðabókarritstjóri og Þórhallur Vilmundarson prófessor.

Það er ljóst að efnid er umfangsmikið og verður ekki tæmt á eins dags fundi, en við vonum að ráðstefnan verði til þess að örva áhuga fólkis á því, jaft almennings sem fræðimanna.

Það þarf vart að taka það fram, að ráðstefnan er öllum opin og við vonum bara, að sem flestir sjá sér fert að mæta,“ sagði Unnsteinn Stefánsson að lokum.





## A Stone–Weierstrass theorem for Banach function spaces satisfying a certain separation property

Eggert Briem<sup>a</sup>, Osamu Hatori<sup>b,\*1</sup>, Stuart J. Sidney<sup>c</sup>

<sup>a</sup> Science Institute, University of Iceland, Dunhaga 3, IS-107 Reykjavik, Iceland

<sup>b</sup> Department of Mathematics, Faculty of Science, Niigata University, Niigata 950-2181, Japan

<sup>c</sup> Department of Mathematics, Unit 3009, University of Connecticut, Storrs, CT 06269-3009, United States

---

### ARTICLE INFO

*Article history:*

Received 15 July 2008

Available online 11 December 2008

Submitted by J. Bastero

*Keywords:*

Banach function spaces

Stone–Weierstrass theorem

Separation conditions

Operating functions

---

### ABSTRACT

We consider a strong lattice property for a Banach function space  $B$  on a compact Hausdorff space, which gives a general Stone–Weierstrass theorem for  $B$ . We also study the relation of this theorem and its proof to a certain decomposition of an associated compactification, and to another lattice-like property.

© 2008 Elsevier Inc. All rights reserved.

### 1. Introduction

A long tradition of inquiry seeks sufficient sets of conditions on a linear subspace  $B$  of  $C(X)$ , the space of continuous real-valued functions on a compact Hausdorff space  $X$ , in order that  $B$  be (uniformly) dense in, or even equal to,  $C(X)$ . The most prominent results along these lines are the Stone–Weierstrass theorems, in which the key hypothesis (beyond point separation and containing the constant functions) is either that  $B$  be a lattice or that  $B$  be an algebra, in both cases under pointwise operations, and the conclusion is density. The lattice and algebra conditions can be reformulated to assert that  $B$  is closed under composition with an appropriate continuous function  $\varphi : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $\varphi(t) = |t|$  in the first case and  $\varphi(t) = t^2$  in the second. In 1963 K. de Leeuw and Y. Katznelson [9] showed that the density conclusion can be achieved if  $\varphi$  is any non-affine continuous function on an interval.

About the same time, J. Wermer [12] showed that if  $B = \mathfrak{N}(A)$  consists of the real parts of the functions in a (complex) uniform algebra  $A$  and  $B$  is itself an algebra, then  $B = C(X)$  and  $A = C_{\mathbb{C}}(X)$  (the space of continuous complex-valued functions on  $X$ ). Since  $B = \mathfrak{N}(A)$  is a Banach space in a natural quotient norm, the following broad problem (precise definitions below) presents itself: What extra condition(s) on a Banach function space  $B$  and/or a continuous function  $\varphi$  that operates on it force the conclusion  $B = C(X)$ ? Our main theorem gives a separation condition on  $B$  that guarantees that  $B = C(X)$  if there is any non-affine continuous function that operates on  $B$ . In Section 2 we present the sorts of separation conditions on a Banach function space that will interest us, and in Section 3 we prove the main theorem (Theorem 1). Section 4 is devoted to finer structures than those we used in our proofs; these can be used in an alternative development of our main result.

---

\* Corresponding author.

E-mail addresses: briem@hi.is (E. Briem), hatori@math.sc.niigata-u.ac.jp (O. Hatori), sidney@math.uconn.edu (S.J. Sidney).

<sup>1</sup> The author was partly supported by the Grants-in-Aid for Scientific Research, The Ministry of Education, Science, Sports and Culture, Japan.